

**ТЕРМОДИНАМИКАНЫҢ БІРІНШІ БАСТАМАСЫ МЕН
ИДЕАЛ ГАЗ КҮЙ ТЕҢДЕУІН ИЗОПАРАМЕТРЛІК
ПРОЦЕСТЕРДІ СИПАТТАУ ҮШІН ҚОЛДАНУ
ИЗОТЕРМДІК ПРОЦЕСС**

**ИДЕАЛ ГАЗДЫҢ КӨЛЕМІНІҢ ИЗОТЕРМДІК ӨЗГЕРУІНДЕГІ
ЖҰМЫС.**

$$\int dA = \int p dV \quad (1)$$

Бойль-Мариотт заңы бойынша изотермдік процесте көлем өзгергенде үздіксіз өзгереді

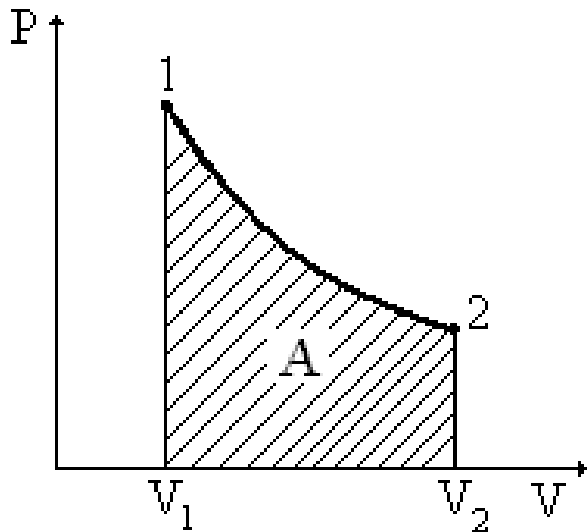
$$pV = RT = \text{const} \longrightarrow p = \frac{RT}{V}$$

Көлем өзгергенде істелген жұмыс

$$A = \int_1^2 dA = \int_{V_1}^{V_2} p dV = \int_{V_1}^{V_2} RT \frac{dV}{V} = RT \ln \frac{V_2}{V_1} \quad (2)$$

$$A = \frac{m}{M} RT \ln \frac{V_2}{V_1} \quad (3)$$

Бойль-Мариотт заңы бойынша $\frac{p_1}{p_2}$ үшін



$$A = \frac{m}{M} RT \ln \frac{p_1}{p_2} \quad (4)$$

ТЕРМОДИНАМИКАНЫҢ БІРІНШІ ЗАҢЫ ИЗОТЕРМДІК ПРОЦЕСС ҮШІН

Изотермдік процесте газдың ішкі энергиясы $dU = 0$

Термодинамиканың бірінші заңы изотермдік процесс үшін $Q = A,$

ИЗОТЕРМДІК ПРОЦЕСТЕГІ ЖЫЛУСЫЙЫМДЫЛЫҚ

$$C_T = \left(\frac{dQ}{dT} \right)_T = \infty \quad (5)$$

$$dT = 0 \quad T = \text{const}$$

АДИАБАТТЫҚ ПРОЦЕСС

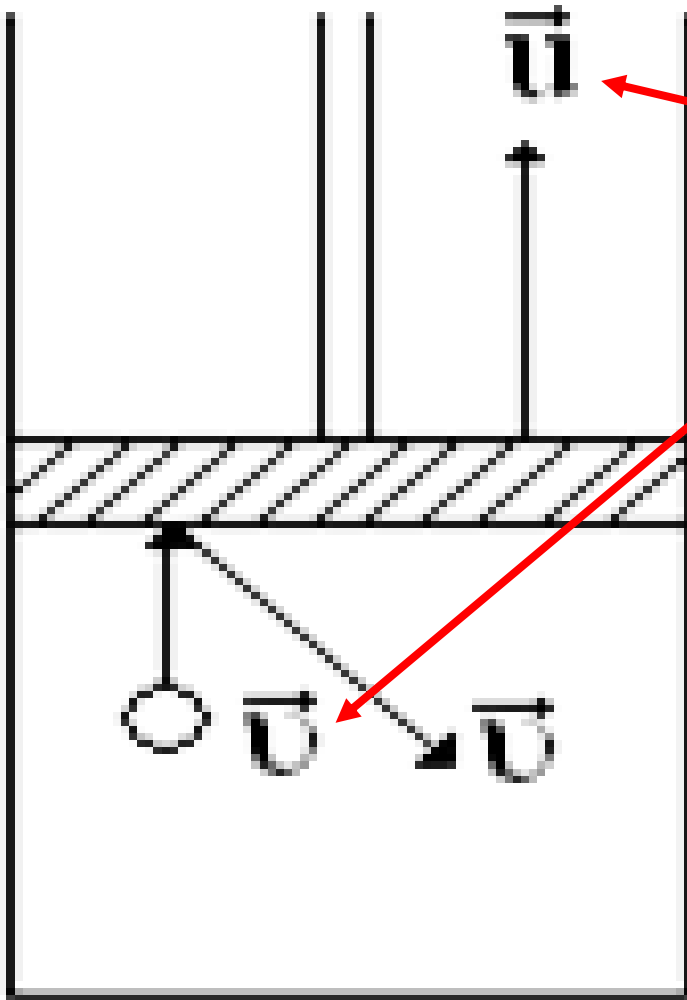
АДИАБАТТЫҚ ПРОЦЕСС ҮШІН ТЕРМОДИНАМИКАНЫҢ БІРІНШІ ЗАҢЫ

$$dQ = pdV + C_V dT = 0 \quad \Rightarrow \quad -pdV = C_V dT \quad (6)$$

Газ жұмысты өзінің ішкі энергиясы есебінен істейді, сондықтан оның температурасы төмендейді

Ішкі энергиясының өзгеруі $\Delta U < 0$ Істелген жұмыс $A > 0$

Жұмыс сыртқы күштер есебінен істелгенде ішкі энергиясы өседі



Поршень жылдамдықпен жоғары көтерілгенде, газ ұлғаяды.

Молекуланың ыдыстың қабырғасына қатысты жылдамдығы

Поршеньге қатысты жылдамдығы

$$|\vec{v} - \vec{u}|$$

Соқтығысқан ыдыстың қабырғасына қатысты кері қайтқан молекуланың жылдамдығы

$$v - 2u$$

Молекулалардың орташа жылдамдығының кемуі, газдың температурасының төмендеуіне әкеледі.

Газ сығылғанда, поршень кері қайтқанда, температура өседі.

ПУАССОН ТЕНДЕУІ

АДИАБАТТЫҚ ПРОЦЕСТЕГІ ГАЗ КҮЙІНІҢ ТЕНДЕУІ

Адиабаттық процесте газдың қысымы мен көлемінің өзгерісі Бойль-Мариотт заңына бағынбайды. Бұл процесте температура өзгеріп отырады. Сондықтан:



$$C_V dT + p dV = 0 \quad (7)$$

dT -ның өзгерісін анықтау қажет.


$$pV = RT$$

Тендеуді дифференциалдап

$$pdV + Vdp = RdT \quad \longrightarrow \quad dT = \frac{pdV + Vdp}{R} \quad (8)$$

(8)  (7) 

$$C_V \frac{pdV + Vdp}{R} + pdV = 0$$

R 

$$C_P - C_V = R$$

$$C_V Vdp + C_P pdV = 0 \quad (9)$$

$$C_P / C_V = \gamma \quad \frac{dp}{p} + \gamma \frac{dV}{V} = 0 \quad (10)$$

Егер γ тұрақты болса

$$\int \frac{dp}{p} + \gamma \int \frac{dV}{V} = 0$$

Бұл теңдеуді интегралдаймыз:

$$\ln p + \gamma \ln V = \text{const} \quad (11)$$

$$p V^\gamma = \text{const}$$

(12)

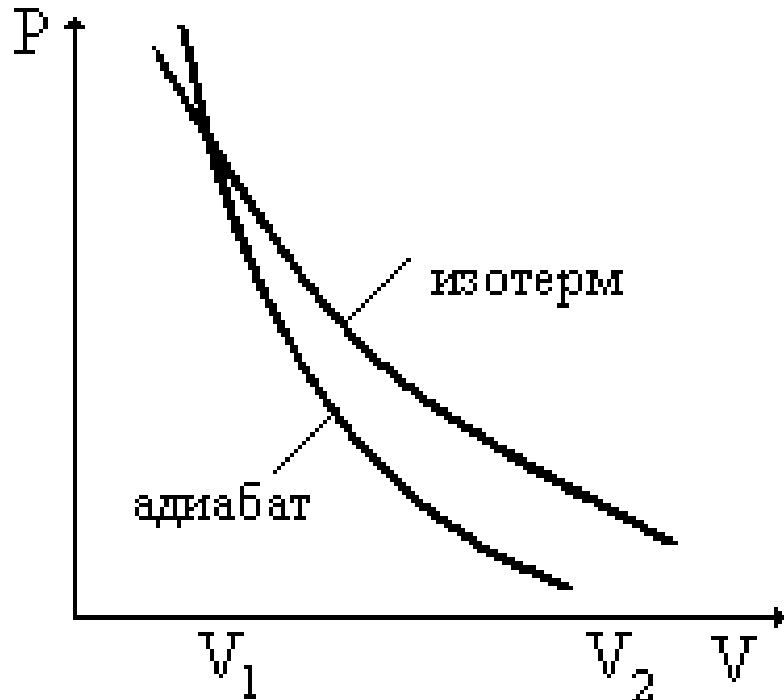
Пуассон теңдеуі немесе адиабаттық процестегі идеал газ күйінің теңдеуі

Адиабаттық көрсеткіш

$$\gamma = \frac{C_P}{C_V}$$

Интегралдау кезінде біз γ -ны тұрақты деп алдық. Шынында, нақты газдар үшін бұл дәл орындалмайды. C_p, C_v жылусыйымдылықтар нақты газда температура, қысым және көлем өзгергенде өзгеруі мүмкін

Сондықтан (12)-шы Пуассон теңдеуі белгілі қысым және көлем интервалында дәл орындалады. Ал (10)-шы дифференциалдық теңдеу әр жағдайда дәл болады.



$$p \sim \frac{1}{V^\gamma}$$

Адиабаттық процестегі температура мен көлемнің арасындағы қатысты анықтайық

$$p = \frac{RT}{V} \quad \longrightarrow \quad (12)$$


$$pV^\gamma = \frac{RT}{V} V^\gamma = \text{const}$$

Немесе

$$TV^{\gamma-1} = \text{const}$$

(13)

Адиабаттық процесте қысым мен температураның байланысы

$$V = \frac{RT}{p} \quad (12)$$


$$pV^\gamma = p \left(\frac{RT}{p} \right)^\gamma = \text{const}$$

Немесе

$$T^\gamma p^{1-\gamma} = \text{const} \quad (14)$$

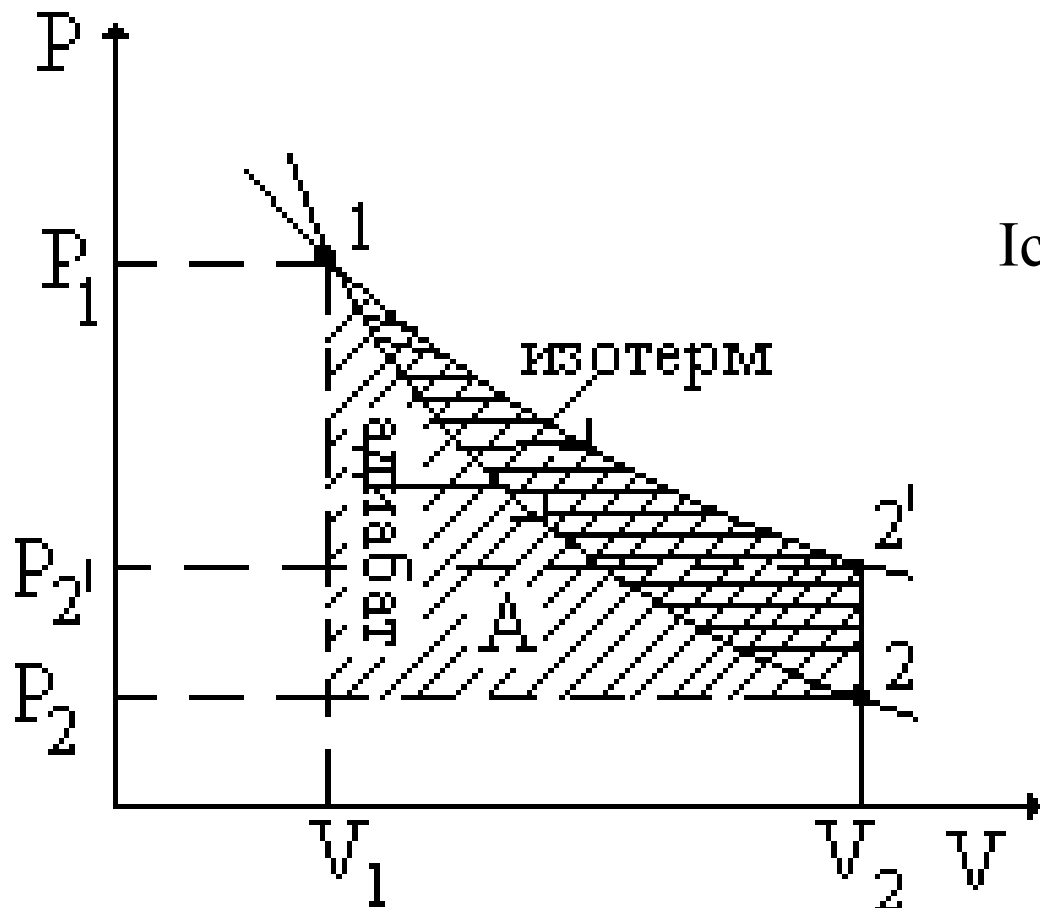
(14)-ті $\frac{1}{\gamma}$ дәрежесінде алсақ $Tp^{\frac{1-\gamma}{\gamma}} = \text{const} \quad (15)$



(12), (13) және (15) теңдеулер адиабаттық процестегі газдың күйінің теңдеулері. (12)-ші теңдеу адиабаттық процесте идеал газдың қысымы мен көлемінің арасындағы байланысты, (13)-ші газдың температурасы мен көлемінің арасындағы байланысты, ал (15)-ші газдың температурасы мен қысымының арасындағы байланысты тағайындайды.

ИДЕАЛ ГАЗДЫҢ КӨЛЕМІНІҢ АДИАБАТТЫҚ ӨЗГЕРУІНДЕГІ ЖҰМЫС

Пуассон теңдеуін қолданып, адиабаттық ұлғайғандағы газ істеген жұмысты немесе газ адиабаттық сығылғандағы сыртқы күштер істеген жұмысты есептейік.



$V_1 \longrightarrow V_2$ дейін ұлғайды

Істелінген жұмыс

$$dA = p dV$$

Пуассон теңдеуі бойынша

$$pV^\gamma = \text{const}$$

Бұл теңдеуді былай жазуға болады:

$$pV^\gamma = p_1 V_1^\gamma$$

газдың бастапқы қысымы

бастапқы көлем

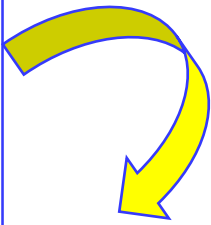
Осыдан

$$p = \frac{p_1 V_1^\gamma}{V^\gamma}$$

Қысымның осы мәнін жұмысты анықтайтын өрнекке қоямыз

$$dA = p dV = \frac{p_1 V_1^\gamma}{V^\gamma} dV \quad (16)$$

(16)-шы теңдеуді интегралдап, жұмысты табамыз:

$$A = p_1 V_1^\gamma \int_{V_1}^{V_2} \frac{dV}{V^\gamma}$$

$$\int_{V_1}^{V_2} \frac{dV}{V^\gamma} = \frac{1}{\gamma - 1} \left(\frac{1}{V_1^{\gamma-1}} - \frac{1}{V_2^{\gamma-1}} \right)$$

$$A = \frac{p_1 V_1^\gamma}{\gamma - 1} \left(\frac{1}{V_1^{\gamma-1}} - \frac{1}{V_2^{\gamma-1}} \right) = \frac{p_1 V_1^\gamma}{\gamma - 1} \cdot \frac{1}{V_1^{\gamma-1}} \left[1 - \left(\frac{V_1}{V_2} \right)^{\gamma-1} \right]$$

Газдың бастапқы қысымы

$$p_1 = \frac{RT_1}{V_1}$$

$$A = \frac{RT_1}{\gamma - 1} \left[1 - \left(\frac{V_1}{V_2} \right)^{\gamma-1} \right] \quad (17)$$

АДИАБАТТЫҚ ПРОЦЕСТЕГІ ЖЫЛУСЫЙЫМДЫЛЫҚ

$$dQ = 0 \quad C_{ad} = \left(\frac{dQ}{dT} \right)_{ad} = \frac{0}{dT} = 0 \quad (18)$$

ПОЛИТРОПТЫҚ ПРОЦЕСС

$$C = \frac{dQ}{dT} \quad \text{немесе} \quad dQ = CdT \quad (19)$$

Политроптық процестің жалпы күй теңдеуін анықтайық.
Термодинамиканың бірінші бастамасы бойынша

$$dQ = CdT = C_V dT + pdV$$
$$(C - C_V)dT = pdV \quad (20)$$

$$dT = \frac{pdV + Vdp}{R} = \frac{pdV + Vdp}{C_P - C_V}$$

Температураның
өзгерісінің орнына
(8)-ші өрнек
бойынша

(20)

$$\frac{C - C_P}{C_P - C_V} (pdV + Vdp) = pdV$$

немесе

$$\frac{dP}{P} + \frac{C - C_P}{C - C_V} \frac{dV}{V} = 0$$

Бұл теңдеу келесі қарапайым түрлендірулерден кейін

$$\left(\frac{C - C_V}{C_P - C_V} - 1 \right) p dV = - \frac{C - C_V}{C_P - C_V} V dp$$

мына түрде жазылады:

$$\frac{C - C_P}{C_P - C_V} \frac{dV}{V} = - \frac{C - C_V}{C_P - C_V} \frac{dp}{p}$$

Осы теңдеуді интегралдасақ

$$\ln P + \frac{C - C_P}{C - C_V} \ln V = \text{const} \quad (21)$$

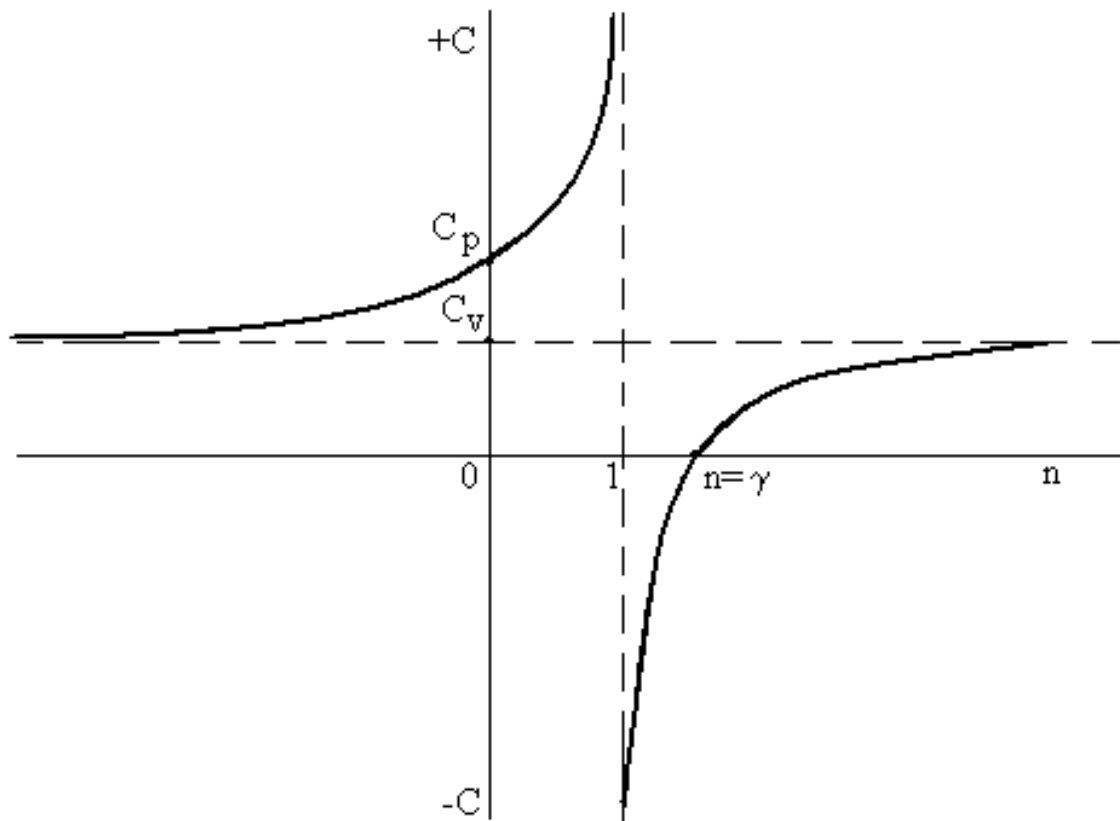
$$n = \frac{C - C_P}{C - C_V} \quad C = C_V \left(\frac{n - \gamma}{n - 1} \right) \quad (22)$$

(23)-шы теңдеуді потенциалдап

$$pV^n = \text{const} \quad (23)$$

Политроп көрсеткіші $(-\infty)$ –тен $(+\infty)$ -ке дейінгі мәндерді қабылдай алады.

Политроптық процестегі газ күйінің теңдеуі немесе политроп теңдеуі



Политроп көрсеткіші, n	Жылусыйымдылық, C_x	Күй теңдеуі, $pV^n = const$	Изопроцесс
0	C_p	$p = const$	Изобарлық
1	$\pm \infty$	$pV = const$	Изотермдік
γ	0	$pV^\gamma = const$	Адиабаттық
$\pm \infty$	C_v	$V = const$	Изохоралық